

От идеи к исследованию, или от учебно-исследовательской деятельности к научно-исследовательской, или связь между организационными формами, олимпиадными методами технологиями и методологией научного творчества



Б.В. Задворный,
заместитель декана ФПМИ БГУ



Результаты и успехи Республики Беларусь на международном уровне – 2010-2018

ІТҮМ – Международные турниры юных математиков (всего состоялось 10 турниров)

15 медалей за 11 лет существования турнира – «более чем 100% результат»:

- семь дипломов I степени (золотые медали),
- четыре диплома II степени (серебряные медали),
- четыре диплома III степени (бронзовые медали)!

*В 2016-2019 гг. в турнирах принимали участие по две команды Республики Беларусь – и **ВСЕ с МЕДАЛЯМИ***

Успехи на ИТЮМ



Результаты и успехи на международном уровне – 2010-2019

ICYS – Международные конференции юных ученых
(постоянно участвуют более 25 стран)

2010 – 4 диплома команды Республики Беларусь – 100% результат

2011 – 5 дипломов команды Республики Беларусь – 100% результат:

2012 – 3 диплома команды Республики Беларусь – 60% результат (но все работы по математике и информатике получили дипломы !!!)

2013 – 3 диплома команды Республики Беларусь – 100% результат

Примечание. В 2014 году наша команда на конференции ICYS не выступала.

2015 – 6 дипломов команды Республики Беларусь – 100% результат

2016 – 6 дипломов команды Республики Беларусь – 100% результат

2017 – 4 диплома команды Республики Беларусь – 100% результат

2018 – 2 диплома команды Республики Беларусь – 50% результат (т.е. два диплома на четыре работы, но именно по математике и информатике !!!)

2019 – 7 дипломов на 6 участников команды Республики Беларусь – 100% результат
(2 золотые медали, 1 серебряная, 2 бронзовые и 2 за стендовое представление)

Успехи на ICYS - 2019

В том числе,

участник из
Витебска:

**Нефёдов Илья
Игоревич** (8
класс гимназии
№ 1 г.Витебска)

- серебряная
медаль !

И два участника из
Гомеля:

**Печёнкин Александр
Алексеевич** (11
класс, гимн. 71) и

**Роуба Роман
Юрьевич** (11
класс, СШ № 44)

- оба золотые
медали !



Деятельность исследовательского характера учащихся РАЗВИВАЕТ!

- ❖ 1. ГЛОБАЛЬНО: умение проводить исследовательскую (творческую, **изобретательскую, аналитическую, поисковую**) **работу**;
- ❖ 2. **умение написать работу или статью** – грамотно, лаконично и логично, ясно и доходчиво оформить результаты и обоснования! (а ведь дети писать и выражать свою мысль на бумаге постепенно разучиваются);
- ❖ 3. отсюда дополнительно – трудолюбие и настойчивость;
- ❖ 4. **умение сделать доклад**: доходчиво и убедительно представить результаты в устной речи (а говорить дети тоже разучиваются);
- ❖ 5. умение оценить работу другого автора, в частности, умение дать письменный отзыв, (по крайней мере в математике это уже **есть!**);
- ❖ 6. умение грамотно, убедительно и этично вести дискуссию;

Деятельность исследовательского характера учащихся РАЗВИВАЕТ!

- ❖ 7. умение оценить дискуссию других «спорящих», смело высказать свою позицию и аргументы в пользу одного из них;
- ❖ 8. **умение решать самостоятельно**;
- ❖ 9. **умение работать в команде**;
- ❖ 10. умение проявлять инициативу, смелость и свое видение, находчивость и изобретательность (скажем в постановке задачи, если необходимо придать свое направление в общей идее задачи, найти может и более простые, но реальные и интересные продвижения и обобщения в сложной и(или) тупиковой задаче и т.п., изобрести свою постановку эксперимента, предложить необычную трактовку эксперимента (модель), быстро среагировать на ситуацию и т.п.);
- ❖ 11. глубокое общее научное мировоззрение, понимание взаимосвязи различных областей науки и практических приложений и проч.;
- ❖ 12. воспитание этики (и не только научной).

Этапы исследовательской деятельности учащихся в трех ракурсах (аспектах):

1) в возрастном аспекте (самом простом):

условное деление –

- младшая школа (1 – 4 класс и «дошкольники»),
- средняя школа (5 – 7(8) класс),
- старшая школа (9(8) – 11 класс)

2) в уровнях исследовательской работы

(уровни исследовательской задачи – уровень сложности)

Исследовать (с точки зрения науки) – подвергать научному изучению (см. «Словарь русского языка» С.И.Ожегова),

или по-другому: **исследовать** – это заниматься решением некоторой задачи, в результате чего получается новое (научное (!!)) знание.

Отсюда названия: научная задача, научное исследование или просто исследование, научно-исследовательская работа.

Пока не касаемся младшей школы, но ...!

Учебно-исследовательская задача

– это задача, несущая в своей постановке элементы и необходимость исследования (т.е. получение знания), **но сама задача является известной по результатам, приложениям, методам решения, т.е. не предполагает получение нового знания** в общечеловеческом масштабе.

Другими словами: **учебно-исследовательская задача – известная задача для определенных лиц**, в частности, для руководителя, который с помощью такой задачи имитирует для ученика процесс исследования (играет в исследование).

Исследовательская задача

– это действительно задача для исследования, т.е. ***результатом ее решения будет новое знание***: ни решение, ни результат в начале неизвестны никому, даже автору и руководителю; автор, если он достаточно опытен, может разве лишь достаточно четко и с большой степенью уверенности строить гипотезы (предполагаемые результаты), видеть пути и методы ее решения, но даже автор не может говорить о их гарантированности, пока они не доказаны, обоснованы, проверены, апробированы и т.п.

Но ...!

Научно-исследовательская задача

Но в отличие от *научно-исследовательской задачи*, результатом решения которой является **новое научное знание**, знание, полученное от решения исследовательской задачи не несет в себе, вообще говоря, теоретической или практической ценности (можно сказать, **научной ценности в общечеловеческом масштабе**).

Четкой грани между уровнями исследовательской работы

нет, Примеры:

1) Магический квадрат:

5	1	9
3	8	4
7	6	2

2) Теорема Ферма: уравнение $x^n + y^n = z^n$, неразрешимо в натуральных числах

(при $n > 2$)

3) Задача о переливаниях

3) в требуемых навыках и знаниях

(в фундаменте – на чем основано и что требуется (?!))

Возраст	На чем основаны исследования	Что развивает	Уровень исследовательской задачи
1 – 4 классы	На наглядно-интуитивных рассуждениях – по сути не базируется на каких-то теоретических знаниях и практических навыках	Умение наблюдать, собирать статистику, делать выводы, первые презентации и доклады	Наглядно-исследовательский
5 – 7 (8 и даже 9) классы	По сути школьные знания	Первые самостоятельные опыты, доказательства, формулировки теорем и т.п.	Учебно-исследовательский, первые попытки исследовательского
10 (9) – 11 классы	Для решения серьезных задач уже требуются знания и навыки, зачастую выходящие за рамки школьной программы	Реальное научное исследование, самостоятельное оформление работы и защита	Исследовательский уровень, в отдельных (!!!) случаях – научно-исследовательский

Подведем итоги:

	Этапы (уровни) исследовательской работы в различных аспектах	
1) Возрастной	2) Уровни исследовательской работы (задачи)	3) Уровни теоретических знаний и практических навыков (фундамент)
1-4 классы	Наглядно исследовательский	Базируется на наглядно-интуитивных рассуждениях
5-7(8) классы	Учебно-исследовательский (редко исследовательский, в чем проблемы ??!)	Базируется по сути на школьных знаниях
10-11 классы (изредка 9 класс)	Исследовательский, в наиболее успешных случаях – научно-исследовательский	Базируется на дополнительных знаниях, полученных от олимпиадной тренировки, на различных сборах, в летних научных школах и т.п.
	О роли учителя и руководителя вообще!!	О системе мероприятий !!

СИСТЕМА мероприятий

- ❖ От научно-популярных конкурсов («Мы – наследники Пифагора», математические и другие брейн-ринги, КВНы, Кенгуру, и проч.);
- ❖ Через олимпиады и тренировочные сборы,;
- ❖ И научные семинары, семинары по различным разделам современной математики, летние и другие научные школы и т.п.;
- ❖ К турнирам юных математиков (от региональных до международных);
- ❖ И к научным конференциям (конкурсы исследовательских работ);

Открытый гимназический турнир юных математиков «Математический Олимп»

Место проведения:

Государственное учреждение образования

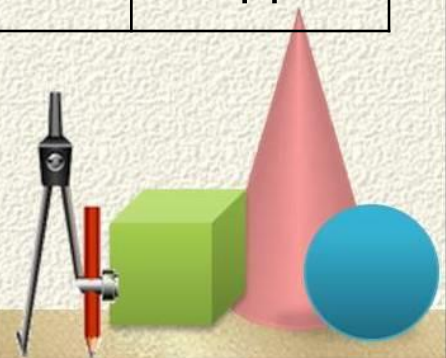
«Гимназия №51 г. Гомеля»



Программа турнира

- 1. Командная мини-олимпиада
- 2. Математические бои
- В основном случае трехкомандного боя порядок смены ролей, исполняемых командами в последовательных раундах, определяется следующей *схемой боя*.

Команды	Раунды		
	1	2	3
Команда 1	Д	Р	О
Команда 2	О	Д	Р
Команда 3	Р	О	Д



Задания командной олимпиады

- II Гимназический турнир юных математиков
 - «Математический Олимп»
 - «Математическая карусель»
- Задания командной экспресс-олимпиады
 - 1 тур

- 1. Найдите все двузначные числа, большие суммы своих цифр в 7 раз.
- 2. Дядя Фёдор, кот Матроскин, Шарик и почтальон Печкин сидят на скамейке. Если Шарик, сидящий справа от всех, сядет между дядей Фёдором и котом, то кот станет крайним слева. В каком порядке они сидят?
- 3. Как одним прямолинейным разрезом рассечь два лежащих на сковороде квадратных блина на две равные части каждый?
- 4. На столе лежат в ряд пять монет: средняя — вверх орлом, а остальные — вверх решкой. Разрешается одновременно перевернуть три рядом лежащие монеты. Можно ли при помощи нескольких таких переворачиваний все пять монет положить вверх орлом?

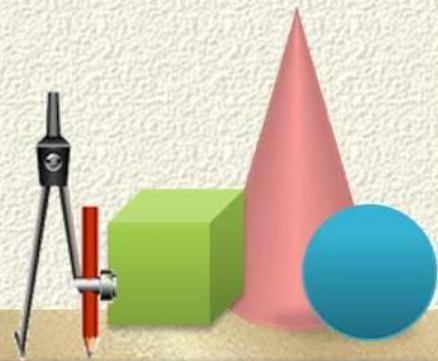
ДАВАЙТЕ СРАВНИМ с Минским !!!



Обобщения 4-й задачи !!!

(см. Международный математический Турнир Городов, 6-7 класс,
базовый вариант, 7 октября 2012 года)

- а) На столе стоят 8 перевёрнутых стаканов. Разрешается одновременно переворачивать любые 7 стаканов. Можно ли добиться, чтобы все стаканы стояли правильно?
- б) Та же задача, но всего стаканов 2012, а переворачивать разрешается 2011.
- в) Та же задача, но всего стаканов 2013, а переворачивать разрешается 2012.

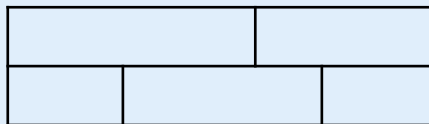


Последние задачи = примеры дискуссий

1.1. В седьмом классе некоторой школы каждый мальчик дружит с 5-ю девочками и 6-ю мальчиками, а каждая девочка дружит с 6-ю мальчиками и 5-ю девочками. А) Сколько школьников учится в этом классе, если известно, что их не более тридцати? Б) А если их не более 35?

1.2. Дана фигура, состоящая из 16 отрезков (см. рис.). Докажите, что нельзя провести ломаную, пересекающую каждый из отрезков ровно один раз. (Ломаная может быть незамкнутой и самопересекающейся, но ее вершины не должны лежать в вершинах, а стороны – проходить через вершины фигуры.)

Рис.



2. Клетки таблицы 7×5 заполнены числами так, что в каждом прямоугольнике 2×3 (вертикальном или горизонтальном) сумма чисел равна нулю. Заплатив 100 рублей, можно выбрать любую клетку и узнать, какое число в ней записано. Какого наименьшего числа рублей хватит, чтобы наверняка определить сумму всех чисел таблицы?

Исследовательская работа по теме:

«Переливания 1. Классическая задача о переливаниях»

Работу выполнил:
Розенберг Максим
Ученик 8 «Д» класса
Средней школы № 41
г. Минска

«СОК Бригантина-2010»

Введение

3	5
0	0
3	0
0	3
3	3
1	5
1	0
0	1
3	1
0	4
3	4
2	5
2	0
0	2
3	2
0	5
0	0

Исходная постановка: даны сосуды объемом 3 и 5 литров. Можно ли при помощи этих сосудов набрать 4 литра воды?

А 2 литра? 1 литр?

Общая постановка: 1) даны сосуды объемом a и b литров. Найти все значения c литров, которые можно налить при помощи этих сосудов (т.е. найти множество $\{c \text{ таких, что } \dots\}$).

Введение

3	5
0	0
3	0
0	3
3	3
1	5
1	0
0	1
3	1
0	4
3	4
2	5
2	0
0	2
3	2
0	5
0	0

Общая постановка: 2) как получить заданное значение с литров (алгоритм)?

3) как быстрее получить заданное значение с литров (оптимальность)?

Основные понятия, определения и обозначения

3	5
0	0
3	0
0	3
3	3
1	5
1	0
0	1
3	1
0	4
3	4
2	5
2	0
0	2
3	2
0	5
0	0

- Система сосудов $[a;b]$
- Состояние системы $(l;m)$
- Элементарная операция
- Цикл
- Длина цикла
- Миницикл
- Длина миницикла
- Структура цикла

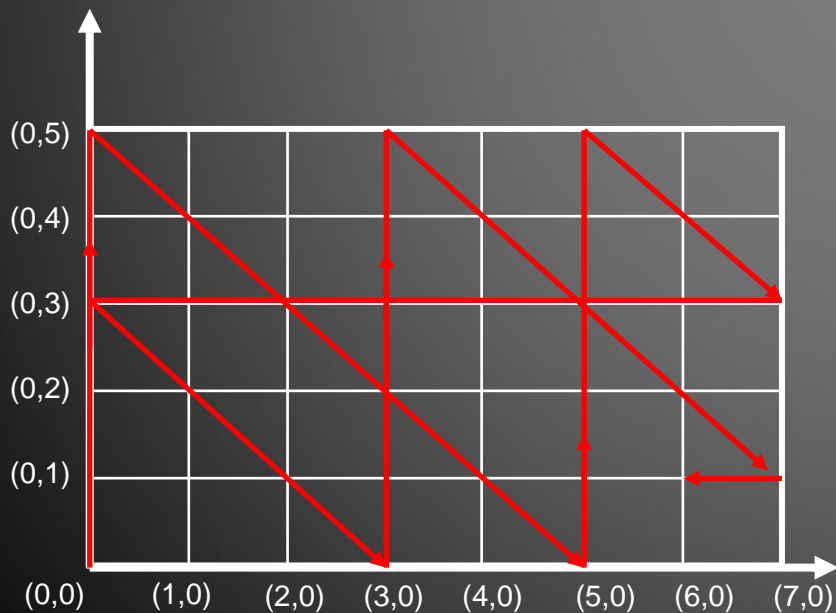
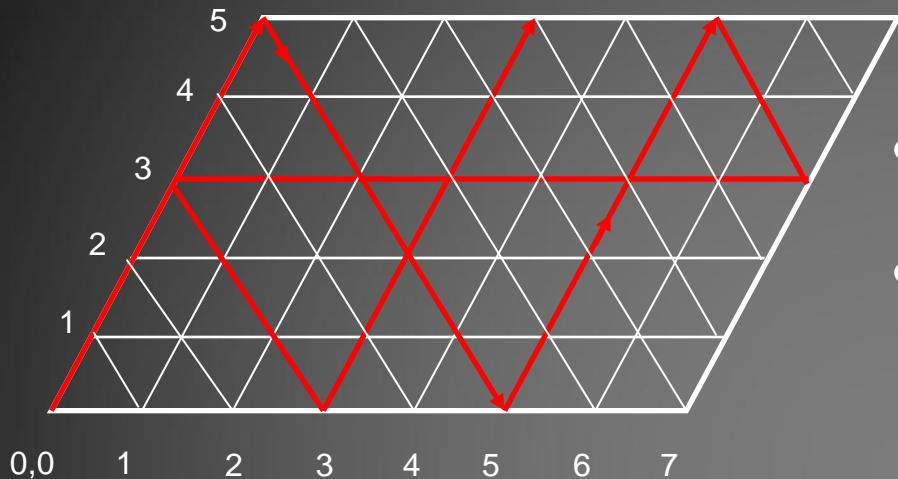
Основные методы исследования

5	7		
0	0		
5	0	}	
0	5		
5	5		
3	7		
3	0		
0	3		
5	3		
1	7		
1	0		
0	1		
5	1		
0	6		
5	6		
4	7		
4	0		

0	4
5	4
2	7
2	0
0	2
5	2
0	7
0	0

- Табличный
- Геометрический (графический)
- Теория чисел (диофантовы уравнения, числовые функции)
- Алгебра (кольцо целых чисел)

Основные методы исследования



- Табличный
- Геометрический (графический)
- Теория чисел (диофантовы уравнения, числовые функции)
- Алгебра (кольцо целых чисел)

1. Как переливать!

5	7		
0	0		
5	0	}	
0	5		
5	5		
3	7		
3	0		
0	3		
5	3		
1	7		
1	0		
0	1		
5	1	}	}
0	6		
5	6		
4	7		
4	0		
0	4		
5	4		
2	7		
2	0		
0	2		
5	2		
0	7		
0	0		

При переливаниях с сосудами **a** и **b** имеют смысл лишь постоянные последовательные переливания из сосуда **a** в сосуд **b**, а не «комбинированные» переливания, т.е. такие, когда несколько раз переливаем из одного сосуда во второй, а потом из второго в первый - смысла не имеют.

Результаты

2. Какие объемы сосудов имеет смысл рассматривать?

$$\text{НОД}(a; b) = 1$$

Иначе, если $a = sd$ и $b = fd$,
то **c** обязательно кратно **d**

Результаты

3. Какое кол-во литров можно получить при данных 2-ух объемах?

Если $\text{НОД}(a; b) = 1$, то можно получить любое значение c литров, где $0 < c < b$.

Примечание. Случаи $c = 0$, $c = a$, $c = b$, очевидны и здесь не рассматриваются.

Идея: При любых c , существуют такие x и y , что $ax - by = c$

Результаты

4. Какова длина всего цикла?

$2(a+b)-1$ - число состояний

$2(a+b)-2$ - число
элементарных операций
(переливаний)

5. Как определить кол-во
минициклов?

b и ***a***

5	7		
0	0		
5	0	}	
0	5		
5	5		
3	7		
3	0		
0	3		
5	3		
1	7		
1	0		
0	1		
5	1		
0	6	}	
5	6		
4	7		
4	0		
0	0		
		}	

Результаты

6. Как определить точное минимальное кол-во операций до искомого кол-ва литров?

Структура цикла:

$A \rightarrow B: [2, 4, 4, 2, 4, 4, 2]$

$B \rightarrow A: [4, 4, 6, 4, 4]$

(Как получить и как использовать?)

5	7
0	0
5	0
0	5
5	5
3	7
3	0
0	3
5	3
1	7
1	0
0	1
5	1
0	6
5	6
4	7
4	0

0	4
5	4
2	7
2	0
0	2
5	2
0	7
0	0

Результаты

6. Как определить точное минимальное кол-во операций до искомого кол-ва литров?

1) $ax - by = c$

2) $2(x+y)+1 \quad c > a$ «сверху»

$2(x+y)-1 \quad c < a$ «сверху»

$2(a+b-x-y)-1$ «снизу»

5	7		
0	0		
5	0		
0	5		
5	5		
3	7		
3	0		
0	3		
5	3		
1	7		
1	0		
0	1		
5	1		
0	6		
5	6		
4	7		
4	0		
		0	4
		5	4
		2	7
		2	0
		0	2
		5	2
		0	7
		0	0

Результаты

Таблица. Точное минимальное кол-во операций до искомого кол-ва литров?

С	A → B		B → A		S
	Номер состояния	Число переливаний	Номер состояния	Число переливаний	
Через решения уравнения $ax - by = c$					
	$c < a$ $2(x + y) - 1$ $a < c < b$ $2(x + y) + 1$	$c < a$ $2(x + y) - 2$ $a < c < b$ $2(x + y)$	$c \neq a$ $2(a + b - x - y) - 1$ <i>номер состояния</i> $2(a + b - x - y) - 2$ <i>число переливаний</i>	$2(a + b) - 2$ $2(a + b) - 4$	
Через решения уравнения $bt - as = c$					
			$2(t [b/a] + s) - 1$	$2(t [b/a] + s) - 2$	

7. Какова структура цикла?

$$2([\alpha k/b]-[\alpha(k-1)/b])+2$$

$$2([bk/a]-[b(k-1)/a])+2$$

Итоги

Полностью исследован случай двух сосудов

Дальнейшие задачи

Исследовать замкнутую систему 3-ех сосудов

Исследовать не замкнутую систему 3-ех сосудов

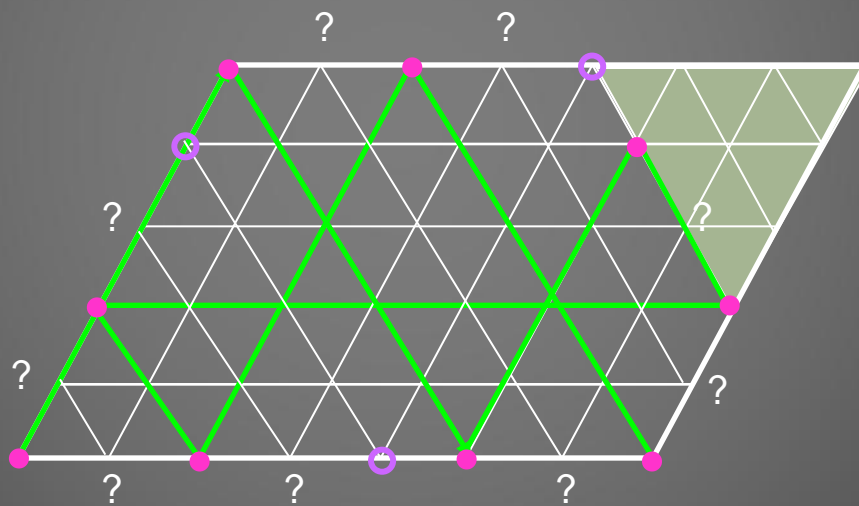
Исследовать n -мерную систему сосудов

Дальнейшие задачи

Исследовать замкнутую систему 3-ех
сосудов

Цикл (5, 7, 9)

5	7	9
0	0	9
5	0	4
0	5	4
4	5	0
2	7	0
2	0	7
0	2	7
5	2	2
0	7	2
0	0	4

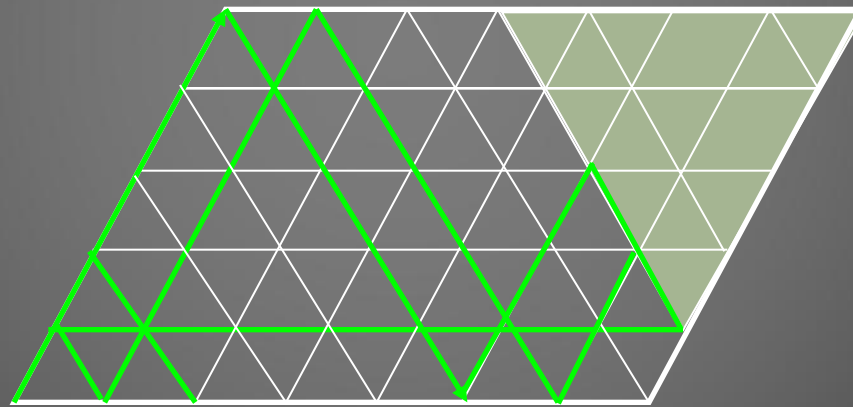


Дальнейшие задачи

Исследовать замкнутую систему 3-ех
сосудов

Цикл (5, 7, 8)

5	7	8
0	0	8
5	0	3
0	5	3
3	5	0
1	7	0
1	0	7
0	1	7
5	1	2
0	6	2
2	6	0
1	7	0



«ЮНИ-центр-XXI» (научно-исследовательский и учебно-методический центр преподавателей и учащихся - Центр профориентации и дополнительного образования)

uni-centre@bsu.by

www.uni.bsu.by

Комн. 515, ФПМИ, БГУ, пр. Независимости, 4, 220030, г. Минск,

Телефон: +375-17-209-50-70

**Задворный Борис Валентинович, директор центра и
заместитель декана ФПМИ БГУ,**

8-029-657-88-08

zadvorny@bsu.by

СПАСИБО ЗА ВНИМАНИЕ!

